

**WYPEŁNIA ZDAJĄCY**

**KOD**

--	--	--

**PESEL**

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

**Miejsce na naklejkę.**

Sprawdź, czy kod na naklejce to  
**M-100.**

Jeżeli tak – przyklej naklejkę.  
Jeżeli nie – zgłoś to nauczycielowi.

**EGZAMIN MATURALNY Z MATEMATYKI**  
**POZIOM PODSTAWOWY**

**ARKUSZ POKAZOWY**

TERMIN: **2 marca 2022 r.**

CZAS PRACY: **180 minut**

LICZBA PUNKTÓW DO UZYSKANIA: **46**

**WYPEŁNIA ZESPÓŁ NADZORUJĄCY**




Uprawnienia zdającego do:

- dostosowania zasad oceniania
- dostosowania w zw. z dyskalkulią
- nieprzenoszenia zaznaczeń na kartę.



MMAP-PO-**100**-2203


**Instrukcja dla zdającego**

1. Sprawdź, czy arkusz egzaminacyjny zawiera 31 stron (zadania 1–30).  
Ewentualny brak zgłoś przewodniczącemu zespołu nadzorującego egzamin.
2. Na tej stronie oraz na karcie odpowiedzi wpisz swój numer PESEL i przyklej naklejkę z kodem.
3. Nie wpisuj żadnych znaków w części przeznaczonej dla egzaminatora.
4. Rozwiązania zadań i odpowiedzi wpisuj w miejscu na to przeznaczonym.
5. Symbol  zamieszczony w nagłówku zadania oznacza, że rozwiązanie zadania zamkniętego musisz przenieść na kartę odpowiedzi.
6. Odpowiedzi do zadań zamkniętych zaznacz na karcie odpowiedzi w części karty przeznaczonej dla zdającego. Zamaluj  pola do tego przeznaczone. Błędne zaznaczenie otocz kółkiem  i zaznacz właściwe.
7. Pamiętaj, że pominięcie argumentacji lub istotnych obliczeń w rozwiązaniu zadania otwartego może spowodować, że za to rozwiązanie nie otrzymasz pełnej liczby punktów.
8. Pisz czytelnie i używaj tylko długopisu lub pióra z czarnym tuszem lub atramentem.
9. Nie używaj korektora, a błędne zapisy wyraźnie przekreśl.
10. Pamiętaj, że zapisy w brudnopisie nie będą oceniane.
11. Możesz korzystać z zestawu wzorów matematycznych, cyrkla i linijki oraz kalkulatora prostego.







**Zadanie 6. (0–1)** 

Dany jest wielomian

$$W(x) = 3x^3 + kx^2 - 12x - 7k + 12$$

gdzie  $k$  jest pewną liczbą rzeczywistą. Wiadomo, że liczba  $(-2)$  jest pierwiastkiem tego wielomianu.


**Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.**Liczba  $k$  jest równa

A. 2

B. 4

C. 6

D. 8


*Brudnopis***Zadanie 7. (0–1)** **Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.**

Równanie

$$\frac{(4x - 6)(x - 2)^2}{2x(x - 1,5)(x + 6)} = 0$$

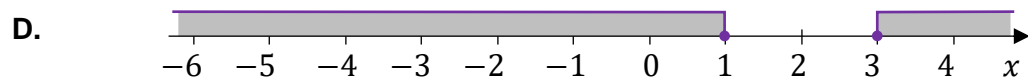
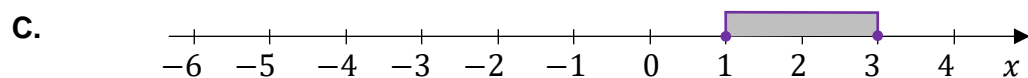
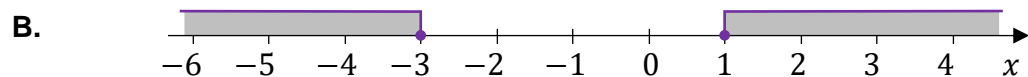
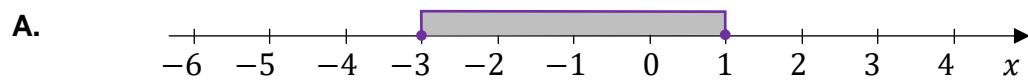
ma w zbiorze liczb rzeczywistych

A. dokładnie jedno rozwiązanie:  $x = 2$ .B. dokładnie dwa rozwiązania:  $x = 1,5$ ,  $x = 2$ .C. dokładnie trzy rozwiązania:  $x = -6$ ,  $x = 0$ ,  $x = 2$ .D. dokładnie cztery rozwiązania:  $x = -6$ ,  $x = 0$ ,  $x = 1,5$ ,  $x = 2$ .*Brudnopis*

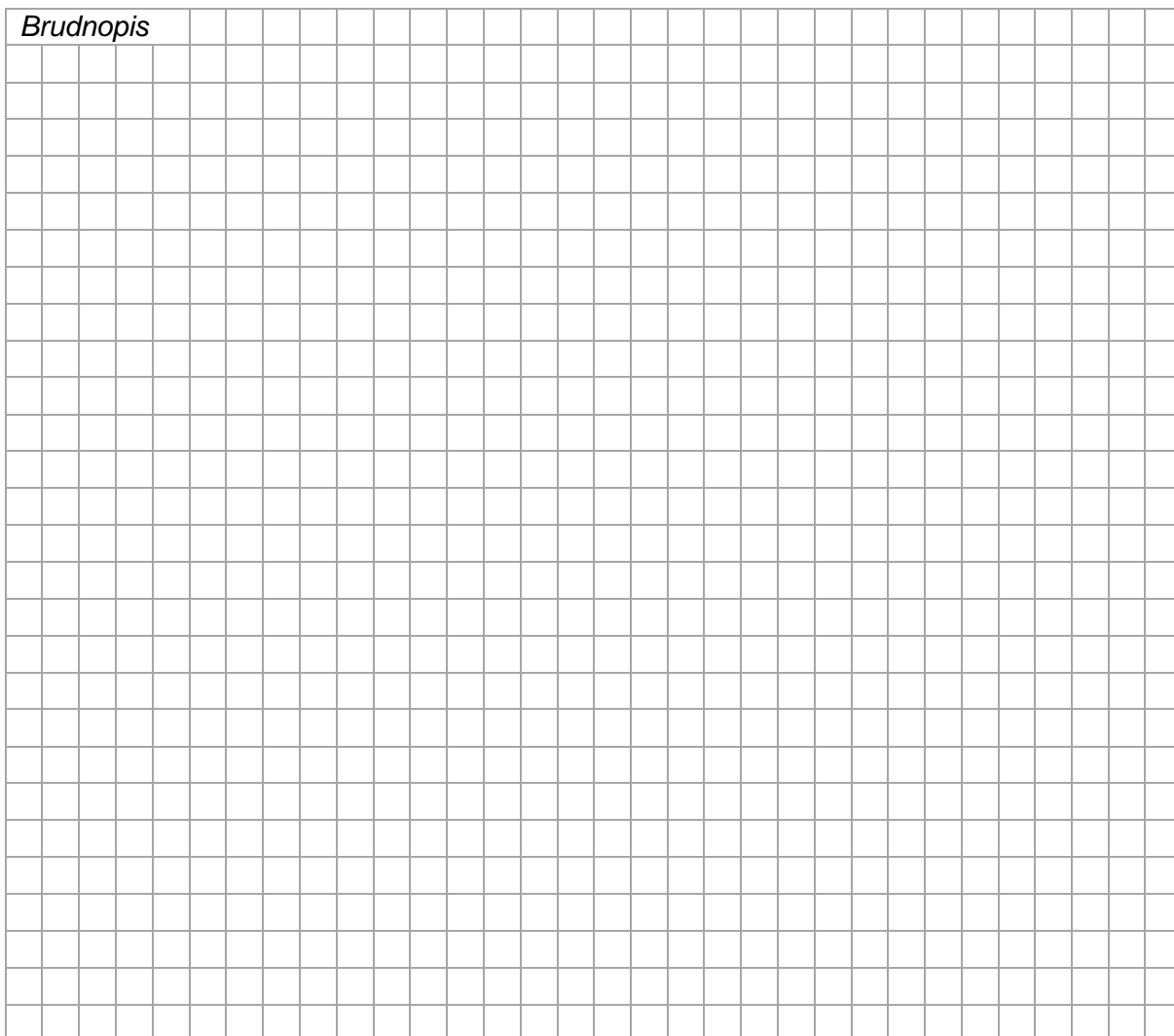
Zadanie 8. (0–1) 

Spośród rysunków A–D wybierz ten, na którym prawidłowo zaznaczono na osi liczbowej zbiór wszystkich liczb rzeczywistych spełniających nierówność:

$$|x + 1| \leq 2$$

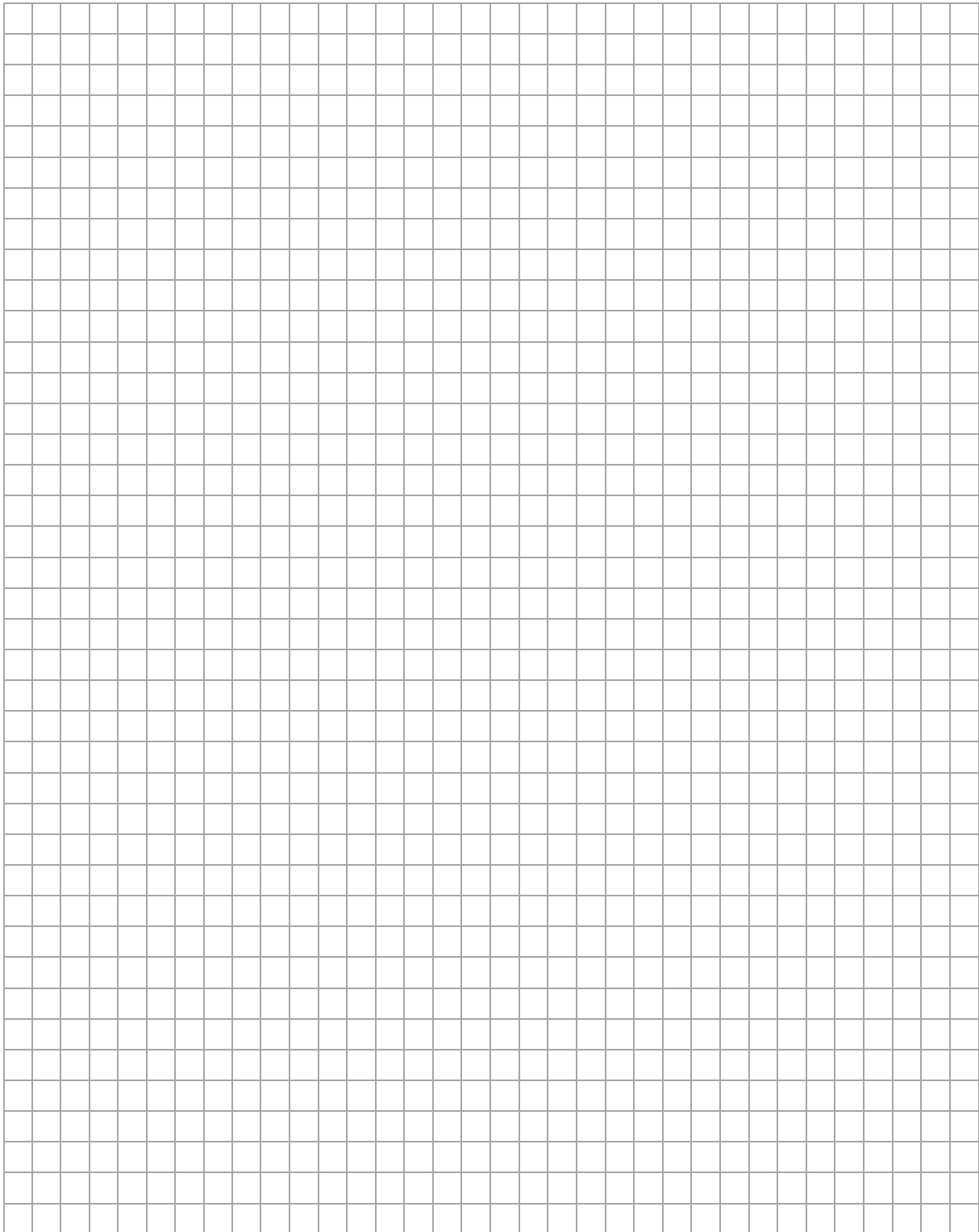


Brudnopis



**Zadanie 9. (0–2)**

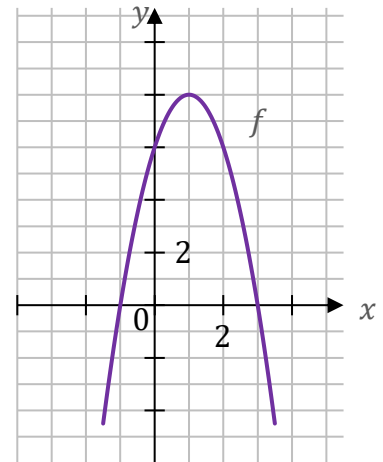
Wykaż, że dla każdej liczby całkowitej nieparzystej  $n$  liczba  $n^2 + 2023$  jest podzielna przez 8.



<b>Wypełnia egzaminator</b>	<b>Nr zadania</b>	<b>9.</b>
	<b>Maks. liczba pkt</b>	<b>2</b>
	<b>Uzyskana liczba pkt</b>	

**Zadanie 10.**

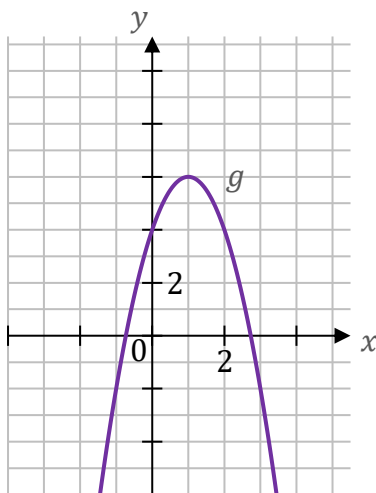
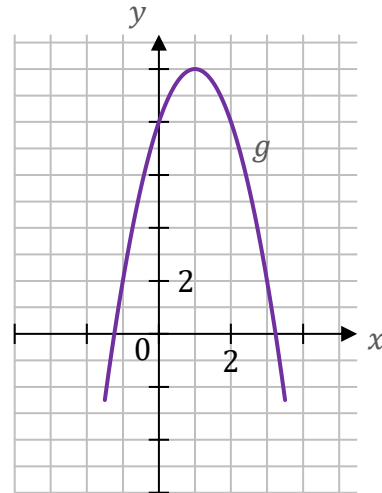
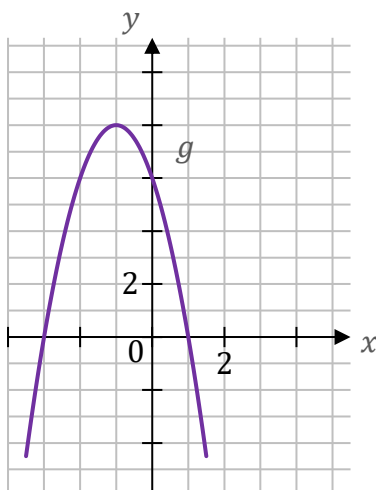
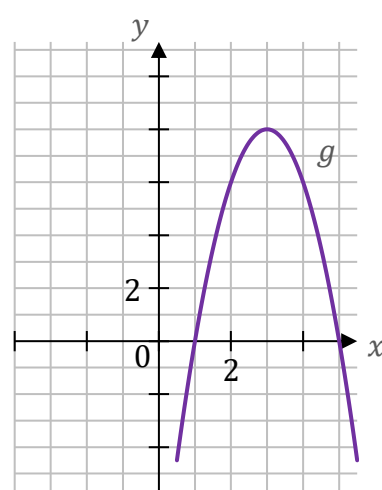
Dana jest funkcja kwadratowa  $f$ , której fragment wykresu przedstawiono w kartezjańskim układzie współrzędnych  $(x, y)$  na rysunku obok. Wierzchołek paraboli, która jest wykresem funkcji  $f$ , oraz punkty przecięcia paraboli z osiami układu współrzędnych mają współrzędne całkowite.

**Zadanie 10.1. (0-1)**

Funkcja  $g$  jest określona za pomocą funkcji  $f$  następująco:  $g(x) = f(x - 2)$ .

**Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.**

Wykres funkcji  $g$  przedstawiono na rysunku

**A.****B.****C.****D.**



**Zadanie 10.2. (0–1)**

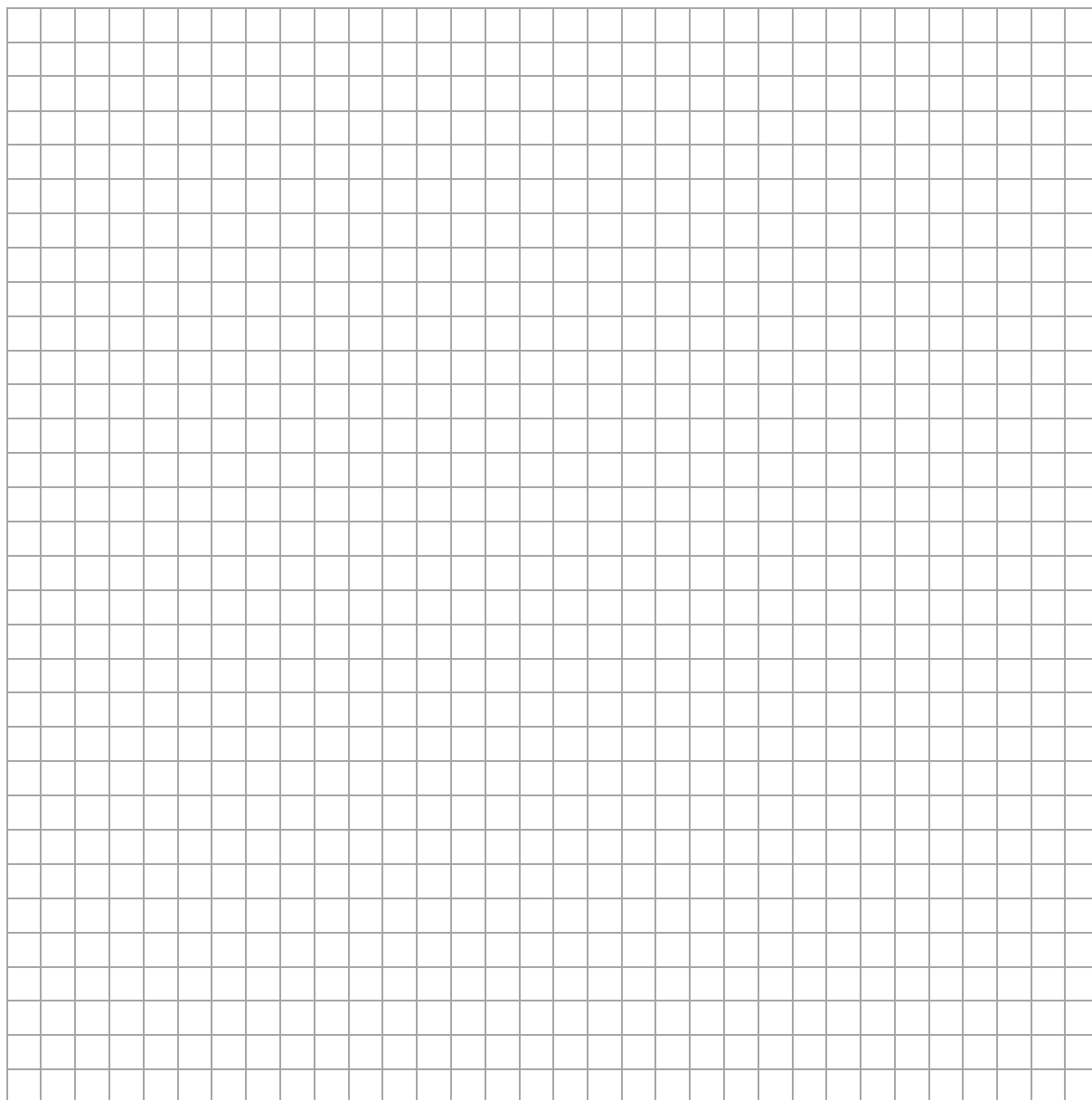
Wyznacz i zapisz w miejscu wykropkowanym poniżej zbiór wszystkich rozwiązań nierówności:

$$f(x) \leq 0$$

.....

**Zadanie 10.3. (0–3)**

Wyznacz wzór funkcji kwadratowej  $f$  w postaci kanonicznej.  
Zapisz obliczenia.



Wypełnia egzaminator	Nr zadania	10.2.	10.3.
	Maks. liczba pkt	1	3
	Uzyskana liczba pkt		





### Zadanie 13.

Czas  $T$  półtrwania leku w organizmie to czas, po którym masa leku w organizmie zmniejsza się o połowę – po przyjęciu jednorazowej dawki.

Przyjmij, że po przyjęciu jednej dawki masa  $m$  leku w organizmie zmienia się w czasie zgodnie z zależnością wykładniczą

$$m(t) = m_0 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{t}{T}}$$

gdzie:

$m_0$  – masa przyjętej dawki leku

$T$  – czas półtrwania leku

$t$  – czas liczony od momentu przyjęcia dawki.

W przypadku przyjęcia kilku(nastu) dawek powyższa zależność pozwala obliczyć, ile leku pozostało w danym momencie w organizmie z każdej poprzednio przyjętej dawki. W ten sposób obliczone masy leku z przyjętych poprzednich dawek sumują się i dają informację o całkowitej aktualnej masie leku w organizmie.

Pacjent otrzymuje co 4 dni o tej samej godzinie dawkę  $m_0 = 100$  mg leku L. Czas półtrwania tego leku w organizmie jest równy  $T = 4$  doby.

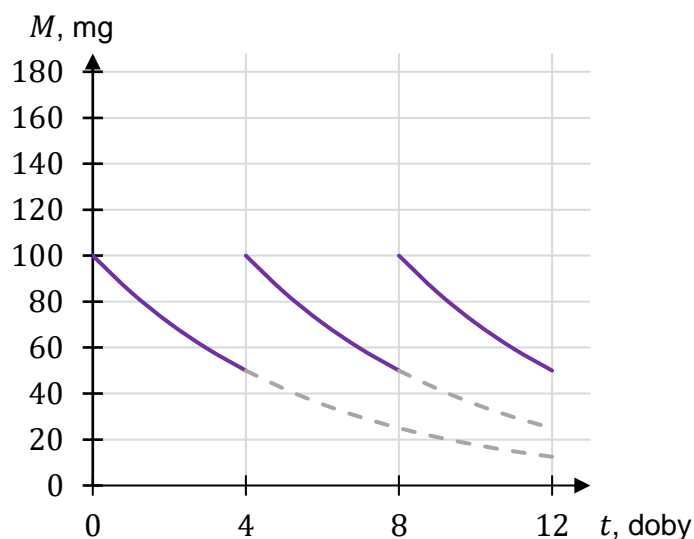
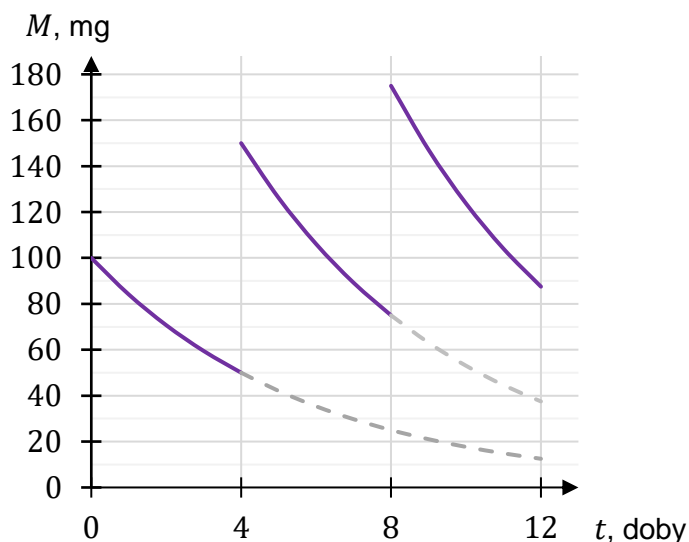
### Zadanie 13.1. (0–1)

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

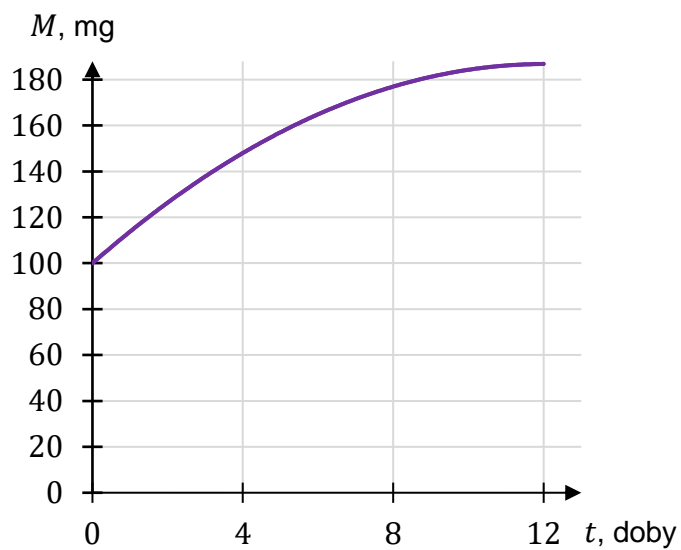
Wykres zależności masy  $M$  leku L w organizmie tego pacjenta od czasu  $t$ , liczonego od momentu przyjęcia przez pacjenta pierwszej dawki, przedstawiono na rysunku

A.

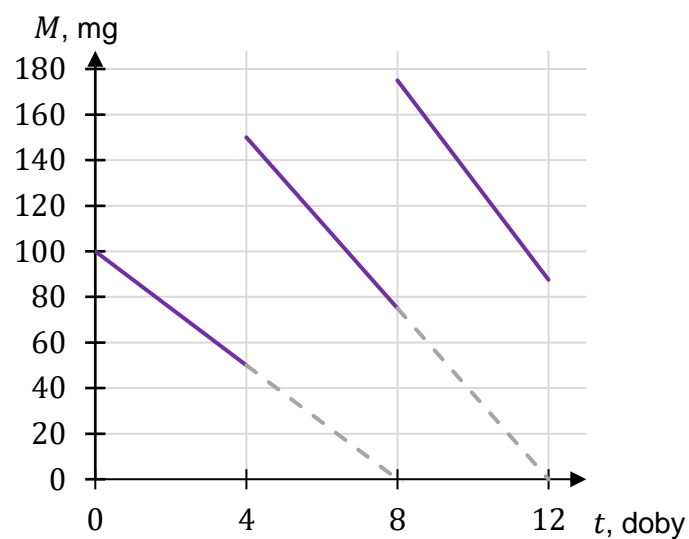
B.



C.



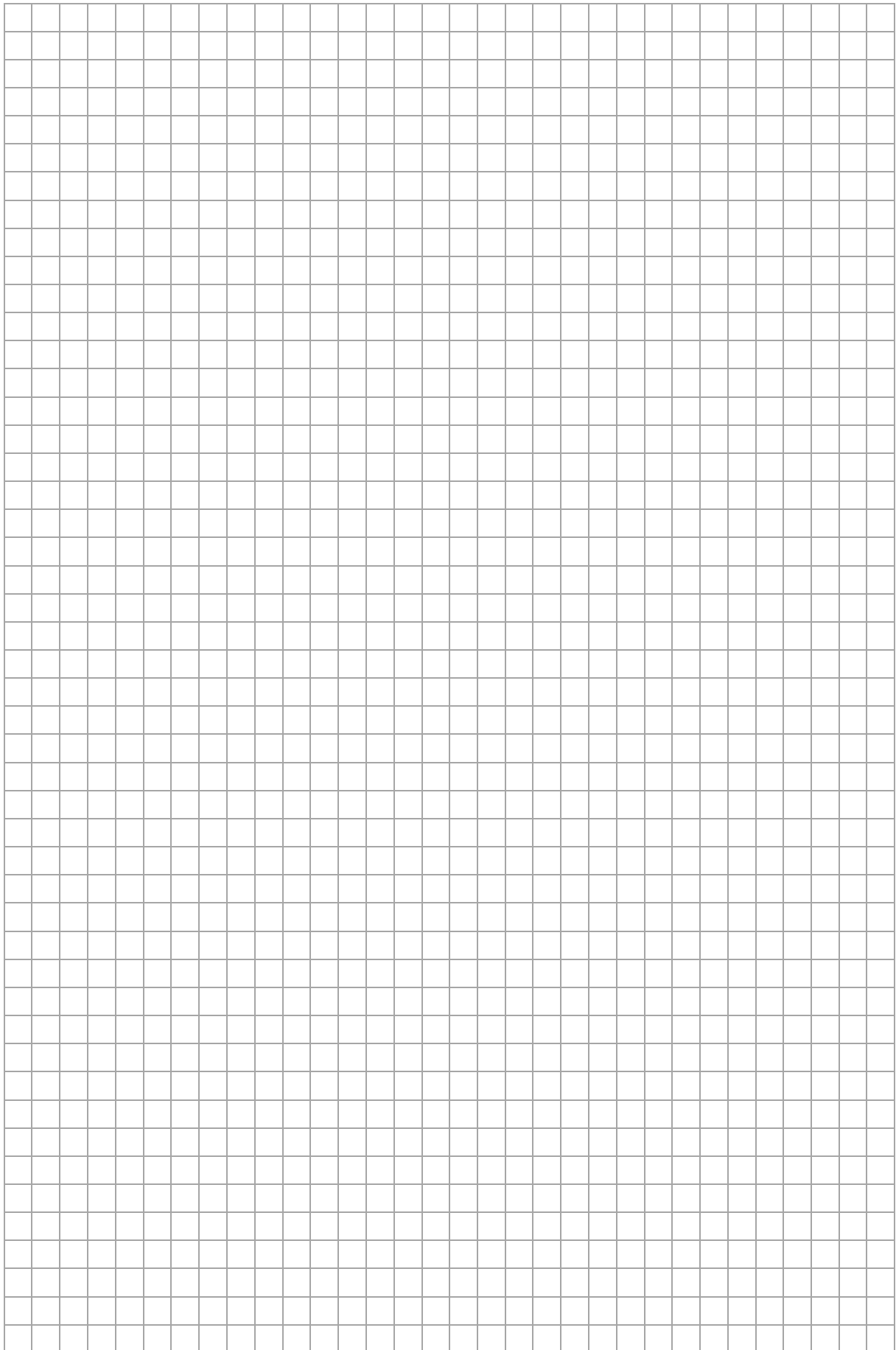
D.




**Zadanie 13.2. (0–3)**

Oblicz masę leku  $L$  w organizmie tego pacjenta tuż przed przyjęciem jedenastej dawki tego leku. Wynik podaj w zaokrągleniu do  $0,1$  mg. Zapisz obliczenia.

A large empty grid for writing calculations, consisting of 20 columns and 20 rows of small squares.



**Zadanie 14. (0–1)** 


Klient wpłacił do banku 20 000 zł na lokatę dwuletnią. Po każdym rocznym okresie oszczędzania bank dolicza odsetki w wysokości 3% od kwoty bieżącego kapitału znajdującego się na lokacie.

**Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.**

Po 2 latach oszczędzania w tym banku kwota na lokacie (bez uwzględnienia podatków) jest równa

- A.  $20\,000 \cdot (1,12)^2$     B.  $20\,000 \cdot 2 \cdot 1,03$     C.  $20\,000 \cdot 1,06$     D.  $20\,000 \cdot (1,03)^2$

<i>Brudnopis</i>																			

**Zadanie 15. (0–1)** 

Dany jest ciąg  $(a_n)$  określony wzorem  $a_n = -3n + 5$  dla każdej liczby naturalnej  $n \geq 1$ .

**Oceń prawdziwość poniższych stwierdzeń. Wybierz P, jeśli stwierdzenie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.**

Liczby 2, $(-1)$ , $(-4)$ są trzema kolejnymi początkowymi wyrazami ciągu $(a_n)$ .	P	F
$(a_n)$ jest ciągiem arytmetycznym o różnicy równej 5.	P	F

<i>Brudnopis</i>																			

Wypełnia egzaminator	Nr zadania	13.2.
	Maks. liczba pkt	3
	Uzyskana liczba pkt	















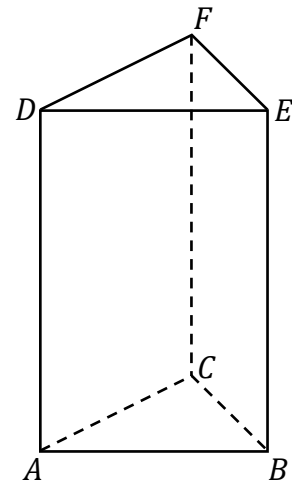




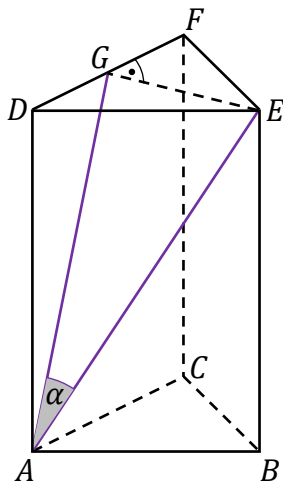
**Zadanie 27. (0–1)**

Dany jest graniastosłup prawidłowy trójkątny  $ABCDEF$  (zobacz rysunek obok).

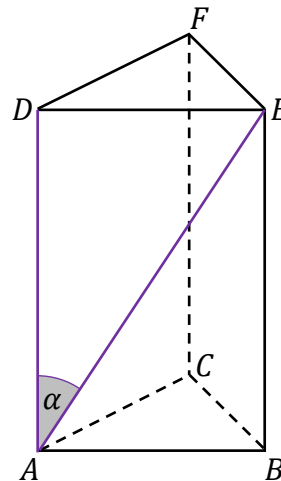
Na którym z rysunków prawidłowo narysowano, oznaczono i podpisano kąt  $\alpha$  pomiędzy ścianą boczną  $ACFD$  i przekątną  $AE$  ściany bocznej  $ABED$  tego graniastoslupa? Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.



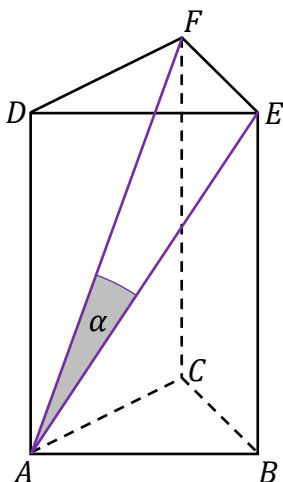
A.  $\alpha = \sphericalangle EAG$



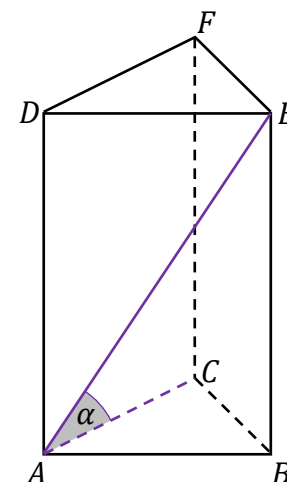
B.  $\alpha = \sphericalangle EAD$



C.  $\alpha = \sphericalangle EAF$



D.  $\alpha = \sphericalangle EAC$

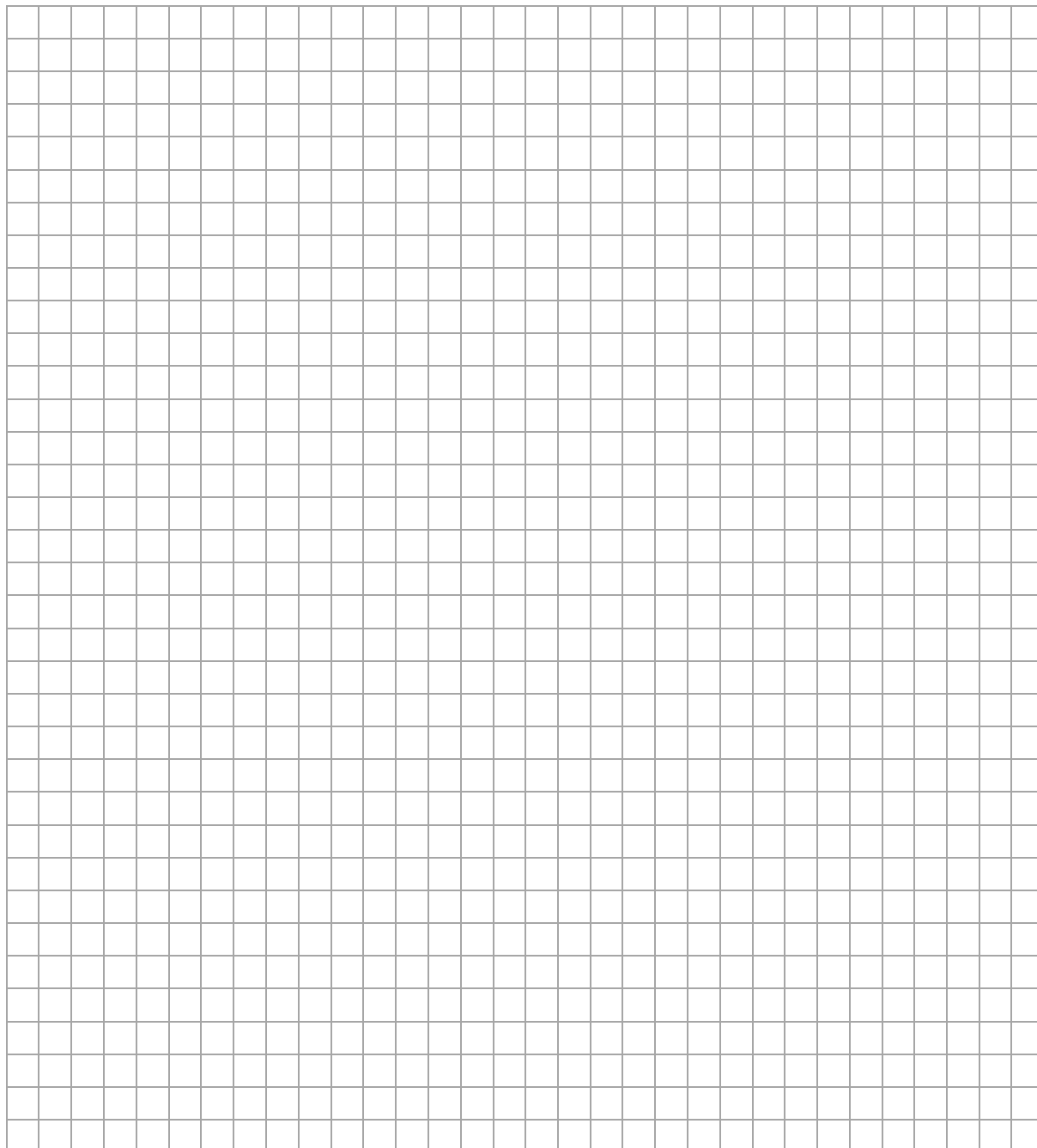




**Zadanie 28. (0–3)**

W pojemniku znajdują się losy loterii fantowej ponumerowane kolejnymi liczbami naturalnymi od 1000 do 9999. Każdy los, którego numer jest liczbą o sumie cyfr równej 3, jest wygrywający. Uczestnicy loterii losują z pojemnika po jednym losie.

**Oblicz prawdopodobieństwo zdarzenia polegającego na tym, że pierwszy los wyciągnięty z pojemnika był wygrywający.  
Zapisz obliczenia.**



<b>Wypełnia egzaminator</b>	<b>Nr zadania</b>	<b>28.</b>
	<b>Maks. liczba pkt</b>	<b>3</b>
	<b>Uzyskana liczba pkt</b>	

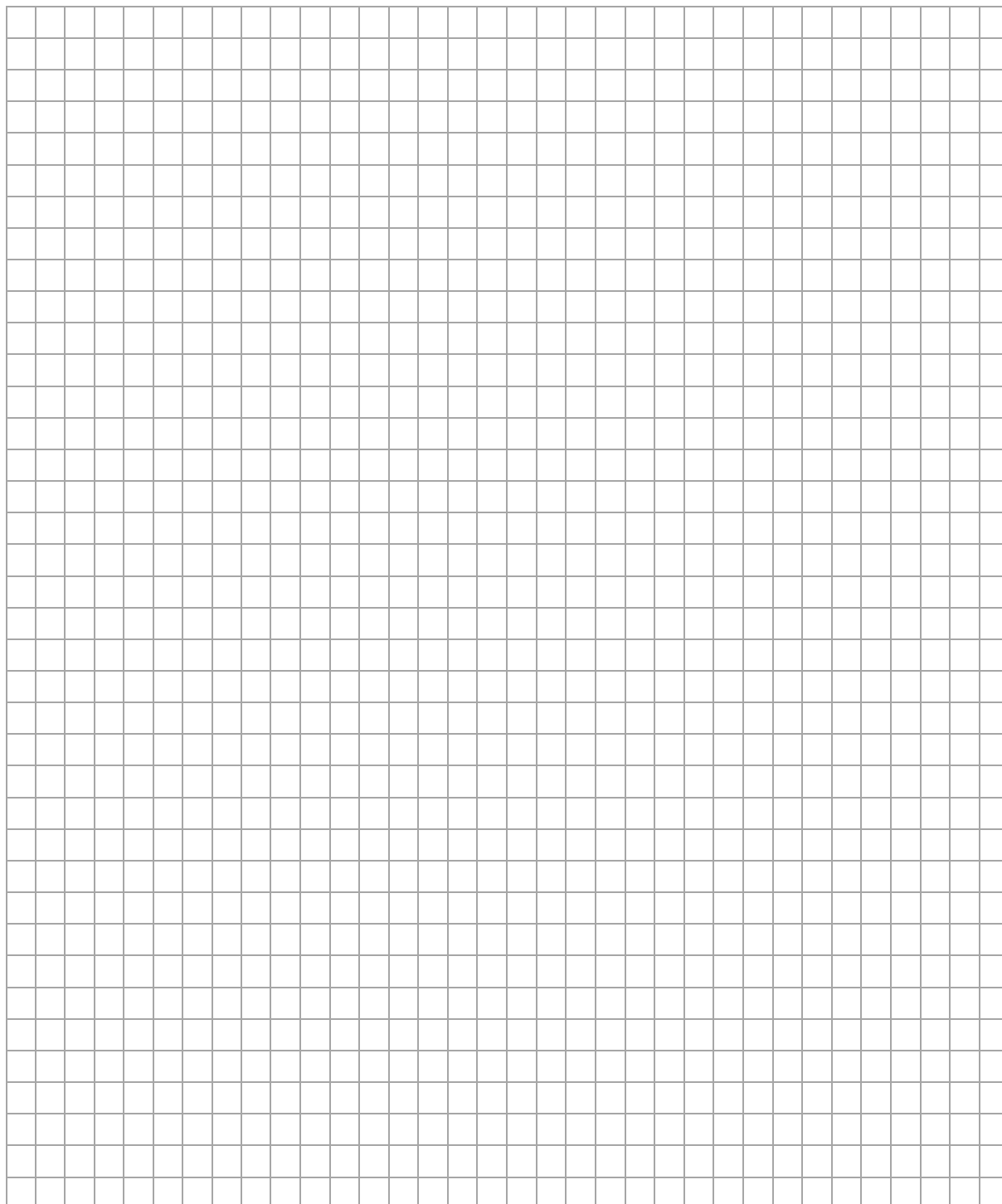
**Zadanie 29. (0–4)**

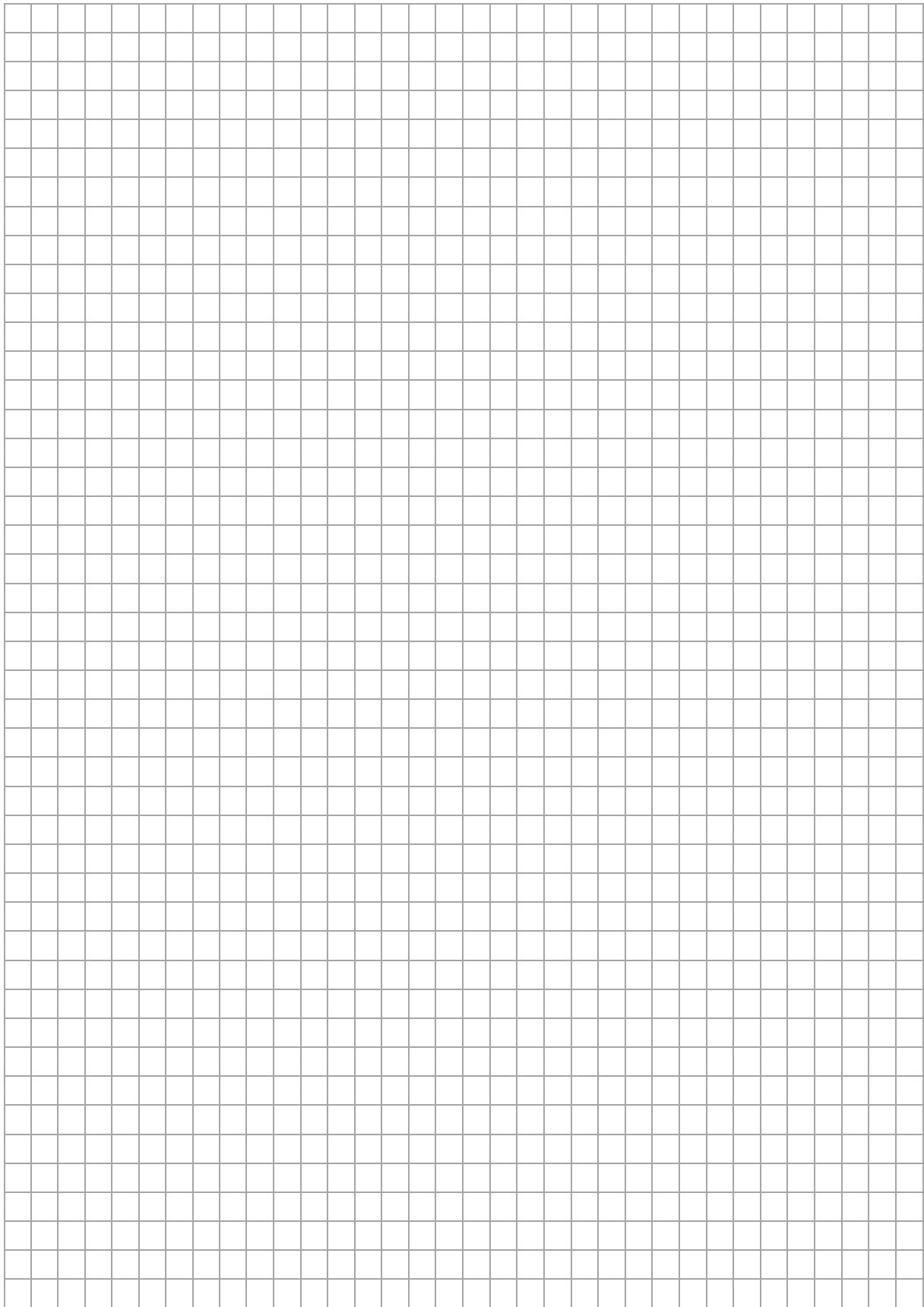
Rozważamy wszystkie równoległoboki o obwodzie równym 200 i kącie ostrym o mierze  $30^\circ$ .

**Podaj wzór i dziedzinę funkcji opisującej zależność pola takiego równoległoboku od długości  $x$  boku równoległoboku.**

**Oblicz wymiary tego z rozważanych równoległoboków, który ma największe pole, i oblicz to największe pole.**

**Zapisz obliczenia.**



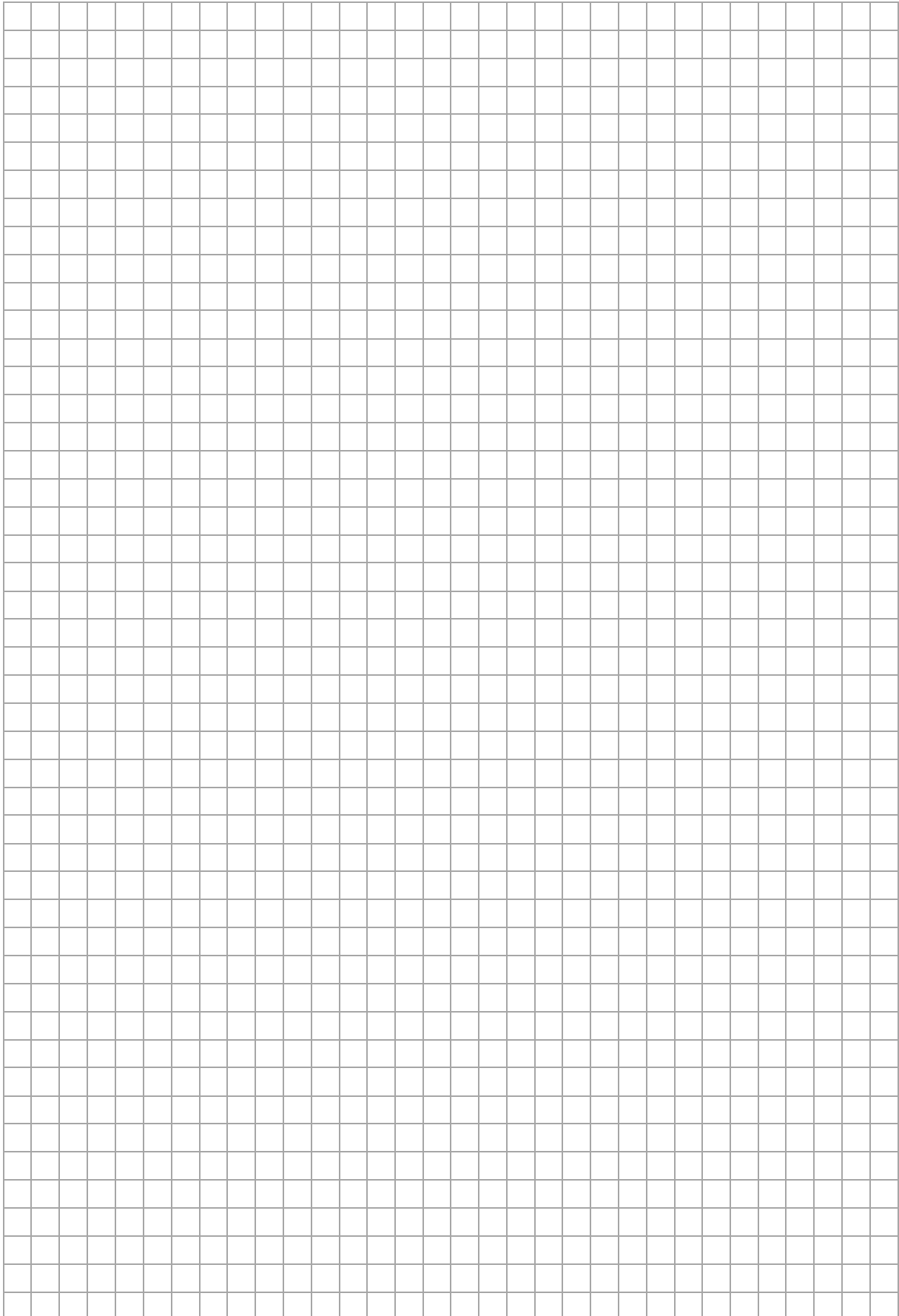


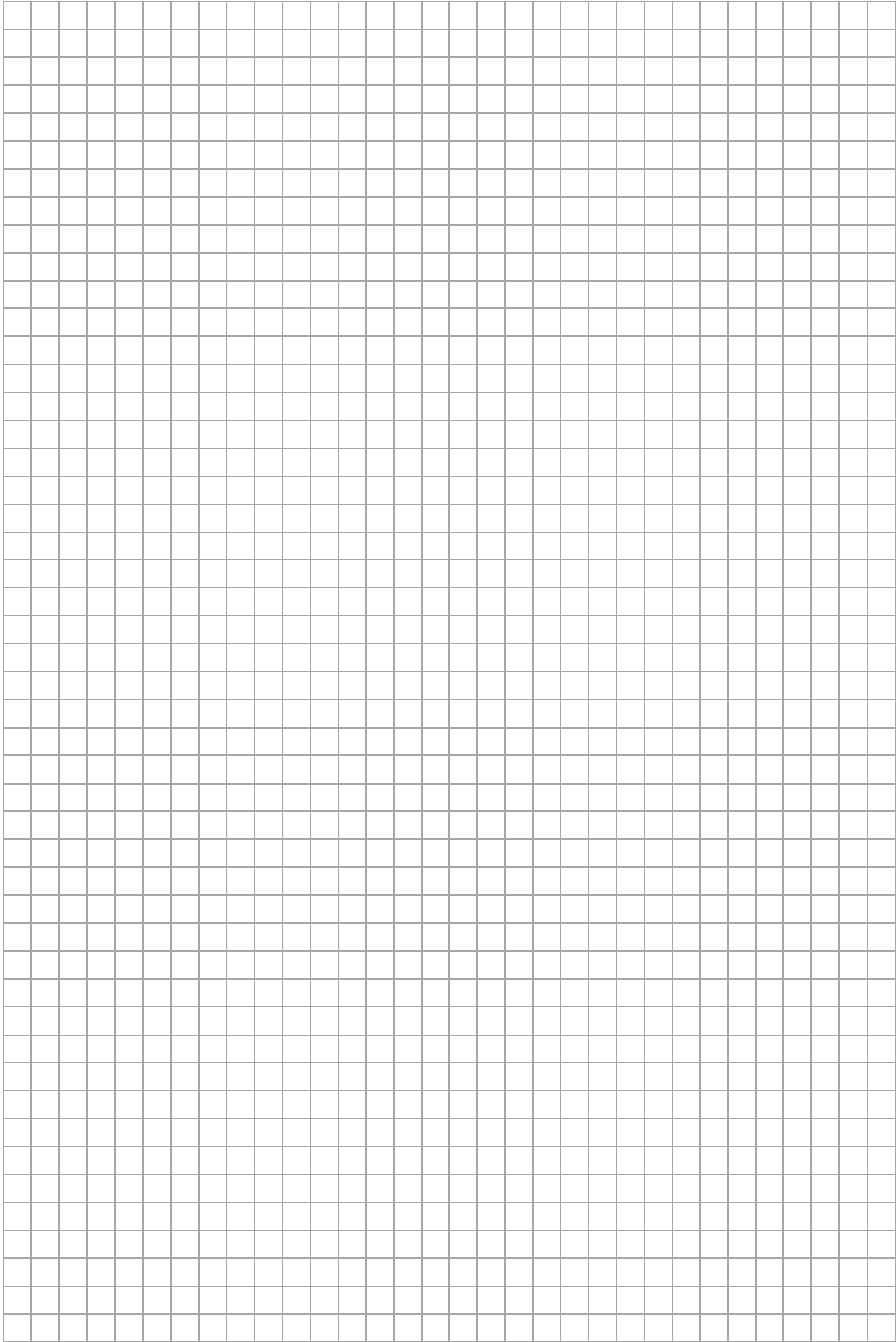
<b>Wypełnia egzaminator</b>	<b>Nr zadania</b>	<b>29.</b>
	<b>Maks. liczba pkt</b>	<b>4</b>
	<b>Uzyskana liczba pkt</b>	





**BRUDNOPIS (nie podlega ocenie)**







MMAP-P0-100-2203

**WYPEŁNIA ZESPÓŁ NADZORUJĄCY**

Uprawnienia zdającego do:

- nieprzenoszenia odpowiedzi na kartę odpowiedzi
- dostosowania zasad oceniania
- dostosowania w zw. z dyskalkulią.

**WYPEŁNIA ZDAJĄCY**

PESEL

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

**Miejsce na naklejkę.**  
Sprawdź, czy kod na naklejce to **M-100**.  
Jeżeli tak – przyklej naklejkę.  
Jeżeli nie – zgłoś to nauczycielowi.

Nr zad.	Odpowiedzi			
1	A	B	C	D
2	A	B	C	D
3	A	B	C	D
4	A	B	C	D
5	Ocena egzaminator			
6	A	B	C	D
7	A	B	C	D
8	A	B	C	D
9	Ocena egzaminator			
10.1	A	B	C	D
10.2	Ocena egzaminator			
10.3	Ocena egzaminator			
11	A	B	C	D

Nr zad.	Odpowiedzi			
12	A	B	C	D
13.1	A	B	C	D
13.2	Ocena egzaminator			
14	A	B	C	D
15	PP	PF	FP	FF
16	PP	PF	FP	FF
17	A	B	C	D
18	Ocena egzaminator			
19.1	A	B	C	D
19.2	E	F	G	H
20	A	B	C	D
21	A	B	C	D
22	A	B	C	D

Nr zad.	Odpowiedzi					
23	A1	A2	A3	B1	B2	B3
24	A	B	C	D		
25	A	B	C	D		
26	A	B	C	D		
27	A	B	C	D		
28	Ocena egzaminator					
29	Ocena egzaminator					
30.1	PP	PF	FP	FF		
30.2	A	B	C	D		

**WYPEŁNIA EGZAMINATOR** N

Nr zad.	Punkty				
	0	1	2	3	4
5	0	1	2		
9	0	1	2		
10.2	0	1			
10.3	0	1	2	3	

Nr zad.	Punkty				
	0	1	2	3	4
13.2	0	1	2	3	
18	0	1			
28	0	1	2	3	
29	0	1	2	3	4





--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

**KOD EGZAMINATORA**

.....  
Czytelny podpis egzaminatora

--	--	--

**KOD ZDAJĄCEGO**